

---

---

# НЕРАЗРУШАЮЩИЙ КОНТРОЛЬ

---

---

УДК 534.6.08

И. Ю. КИНЖАГУЛОВ

## МОДЕЛЬ ТЕРМООПТИЧЕСКОГО ВОЗБУЖДЕНИЯ УЛЬТРАЗВУКОВЫХ ВОЛН В ПАЯНЫХ ТОНКОСТЕННЫХ ИЗДЕЛИЯХ

Представлена теоретическая модель возбуждения и распространения ультразвуковых волн, возбуждаемых при помощи термооптического эффекта, который достигается за счет поглощения импульсного лазерного излучения объектом контроля — паяным тонкостенным изделием ракетно-космической техники.

*Ключевые слова:* ультразвуковая волна, термооптический эффект, лазерное излучение, неразрушающий контроль, пайка.

Одно из направлений развития ракетно-космической техники (РКТ) — внедрение новых технологий неразрушающего контроля (НК) сложных соединений: вакуумно-компрессионная пайка тонкостенных изделий. Сложность разработки таких технологий обусловлена конструктивными особенностями изделий РКТ, а также определяется максимально допустимыми размерами неспая (непропая) и физическими ограничениями традиционных видов и методов НК паяных соединений.

Решить перечисленные задачи возможно с помощью метода лазерно-ультразвуковой дефектоскопии, основанного на термооптическом возбуждении ультразвуковых волн. Теоретическая модель данного возбуждения и распространения ультразвуковых волн представлена в настоящей работе.

В большинстве задач лазерно-ультразвуковой дефектоскопии возбуждение ультразвуковых импульсов происходит за счет абсорбции импульсного лазерного излучения: оптико-акустический (ОА) сигнал возбуждается непосредственно в исследуемой среде либо вне ее — в ОА-генераторах ультразвука [1, 2]. В первом случае параметры исследуемой среды находятся по форме возбуждаемого в ней акустического импульса. Во втором диагностика осуществляется на основании анализа трансформации ультразвукового сигнала при его распространении в исследуемой среде.

**Термооптические источники ультразвука и их передаточные функции.** Форма акустического импульса при термооптическом возбуждении определяется как характеристиками среды — коэффициентом поглощения света, скоростью звука, так и параметрами лазерного излучения — длительностью импульса и диаметром пятна. Основная задача состоит в том, чтобы определить влияние формы лазерного импульса и свойств среды на профиль акустического сигнала. Это может быть сделано с помощью метода передаточных функций.

Пусть из прозрачной среды на границу раздела (плоскость  $XU$ ) с поглощающей средой попадает лазерный импульс с интенсивностью  $I=I_0f(t)g(x,y)$ , где  $f(t)$  и  $g(x,y)$  описывают соответственно временную и пространственную форму импульса. Ось  $z$  направлена в глубь поглощающей среды (рис. 1).

За счет неоднородного нагрева при поглощении лазерного излучения среда расширяется, и в ней возникает импульс давления, который в одномерном приближении описывается формулой:

$$p'(\tau) = \frac{I_0}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{f}(\omega) K(\omega) e^{-i\omega\tau} d\omega, \quad (1)$$

где  $\tau = t - z/V_{\text{п}}$  — время в сопровождающей системе координат,  $V_{\text{п}}$  — фазовая скорость продольных звуковых волн в поглощающей среде,  $I_0 \tilde{f}(\omega)$  — частотный спектр огибающей интенсивности лазерного импульса,  $K(\omega)$  — передаточная функция термооптического преобразователя.

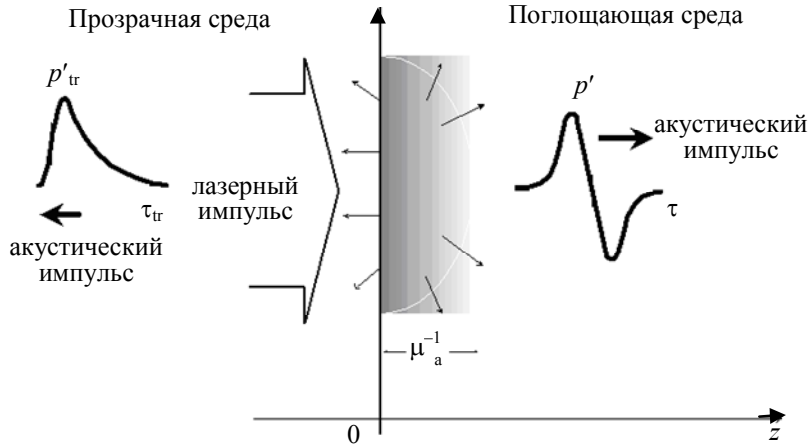


Рис. 1

Таким образом, спектр  $p(\omega)$  импульса давления, возникающего в поглощающей среде за счет термооптического преобразования, есть произведение спектра огибающей интенсивности лазерного импульса  $I_0 \tilde{f}(\omega)$  и передаточной функции  $K(\omega)$ :

$$p(\omega) = I_0 \tilde{f}(\omega) K(\omega). \quad (2)$$

Фактически задача оптоакустики сводится к определению передаточной функции термооптического преобразователя, зависящей от параметров поглощающей среды и условий на границе, и в случае однородно поглощающей среды:

$$K(\omega) = \frac{V_{\text{п}} \beta^*}{c_{\text{т}} (1 + N)} \frac{1}{1 + i\omega/\omega_{\text{т}}} \left\{ \frac{i\omega}{\omega_{\text{т}}} \frac{1 - iN \frac{\omega}{\omega_{\text{а}}}}{1 + \left[ \frac{\omega}{\omega_{\text{а}}} \right]^2} + \sqrt{\frac{i\omega}{\omega_{\text{т}}} \frac{M - b + Nm}{1 + M}} \right\}, \quad (3)$$

где  $\beta^* = \beta(1 - 4V_{\text{с}}^2/3V_{\text{п}}^2)$  — эффективный коэффициент теплового расширения поглощающей среды;  $\beta$ ,  $V_{\text{с}}$ ,  $V_{\text{п}}$ ,  $\chi$  — соответственно коэффициент теплового расширения, скорости сдвиговой и продольной волн, температуропроводность,  $\omega_{\text{т}} = \mu_{\text{а}}^2 \chi$ ,  $\omega_{\text{а}} = \mu_{\text{а}}^2 V_{\text{п}}$  — характерные частоты, на которых волновой вектор тепловой и акустической волн равен коэффициенту поглощения света в поглощающей среде;  $m = \omega_{\text{т}}/\omega_{\text{а}}$ ;  $N = \rho_0 V_{\text{п}} / \rho_{0\text{тр}} V_{\text{птр}}$  — отношение акустических импедансов (волновых сопротивлений) поглощающей и прозрачной (tr) сред;  $M = \rho_0 c_{\text{т}} \sqrt{\chi} / \rho_{0\text{тр}} c_{\text{тр}} \sqrt{\chi_{\text{тр}}}$  — отношение тепловых потоков в поглощающую и прозрачную среду,  $c_{\text{т}}$  — скорость теплового потока;  $b$  характеризует относительный вклад прозрачной среды в генерацию звука.

Из выражения (3) следует, что значения  $K(\omega)$  сильно различаются в случае хорошо ( $m \sim 1$ ) и плохо ( $m \ll 1$ ) проводящих тепло сред, а также они сильно зависят от условий на границе поглощающей среды.

В случае хорошо проводящей тепло среды ( $m \sim 1$ , поверхностное поглощение) получим при акустически жесткой границе поглощающей среды ( $\partial p' / \partial z|_{z=0} = 0$  или  $N \ll 1$ ):

$$K(\omega) = \beta^* \frac{V_{\text{п}}}{c_{\text{т}}} \frac{1+b}{1+M}, \quad (4)$$

В случае плохо проводящей тепло среды ( $m \ll 1$ ) получим в области частот  $\omega > \omega_{\text{т}}$ :

$$K(\omega) = \beta^* \frac{V_{\text{п}}}{c_{\text{т}}} \frac{1}{N+1} \frac{1-i\omega/\omega_{\text{а}}}{1+(\omega/\omega_{\text{а}})^2} \quad (5)$$

или при жесткой границе:

$$K(\omega) = \beta^* \frac{V_{\text{п}}}{c_{\text{т}}} \frac{1}{1+(\omega/\omega_{\text{а}})^2}. \quad (6)$$

Формулы (5)—(6) показывают, что в случае плохо проводящей тепло среды передаточная функция  $K(\omega)$  зависит не только от теплофизических параметров среды, но и от коэффициентов поглощения и рассеяния света.

Для сред с известными оптическими характеристиками ОА-эффект можно применить при создании источников мощных акустических сигналов с известными амплитудой и частотным спектром [3].

Таким образом, используя термооптические источники ультразвука, возможно возбуждать мощные широкополосные акустические импульсы. Методы ультразвуковых измерений, основанные на ОА-эффекте, во многих случаях будут обладать рядом преимуществ по сравнению с методами, использующими традиционные пьезопреобразователи.

**Изменение профилей оптико-акустических сигналов.** Метод передаточных функций позволяет определить спектр ОА-сигнала. Однако такой подход может быть применен только в том случае, когда дифракционные, нелинейные и диссипативные явления проявляются слабо в зоне генерации, т.е.

$$\mu_{\text{а}} L_{\text{д}}, \mu_{\text{а}} L_{\text{н}}, \mu_{\text{а}} L_{\text{з}} \gg 1, \quad (7)$$

где  $L_{\text{д}}, L_{\text{н}}, L_{\text{з}}$  — соответственно характерная длина дифракции, нелинейности и затухания (диссипации) звука. Соотношения (7) позволяют анализировать тепловое возбуждение звука поэтапно: 1) рассматривается задача о тепловом возбуждении звука в отсутствие дифракционных, нелинейных и диссипативных эффектов; 2) рассматривается эволюция профиля ОА-импульса в нелинейной диссипативной среде при ограниченных поперечных размерах пучка [4] и с учетом геометрически сложных ограниченных областей распространения в поглощающей среде.

Уравнение, описывающее такую эволюцию волны (Хохлова—Заболотской—Кузнецова [5]), с учетом геометрически сложной области распространения волны в поглощающей среде, может быть записано в виде:

$$\frac{\partial}{\partial \tau} \left( \frac{\partial p'}{\partial z} - \frac{\varepsilon}{\rho_0 V_{\text{п}}^3} p' \frac{\partial p'}{\partial \tau} - \frac{b_3}{2 \rho_0 V_{\text{п}}^3} \frac{\partial^2 p'}{\partial \tau^2} \right) = \frac{V_L}{2} \Delta_{\perp} p', \quad (8)$$

где  $\varepsilon$  — нелинейный акустический параметр поглощающей среды,  $b_3$  — коэффициент диссипации.

Аналитические результаты решения (8) могут быть получены в случае существенного различия в масштабах проявления отдельных эффектов. При распространении ультразвука в твердых телах влияние нелинейных искажений на профиль ОА-сигнала существенно слабее,

чем влияние диссипации и дифракции [3]. Применительно к тонкостенным изделиям наиболее интересным в рассматриваемой задаче является влияние дифракции.

При термооптическом возбуждении звука на поверхности поглощающей среды в точке  $z=0$  радиус акустического пучка совпадает с радиусом лазерного пучка  $a_0$ . В зависимости от соотношения радиуса пучка  $a_0$  и глубины проникновения света  $\mu_a^{-1}$  фазовый фронт акустической волны может быть близким к плоскому ( $a_0 \mu_a \gg 1$ ), цилиндрическому ( $a_0 \mu_a \ll 1$ ) или сферическому ( $a_0 \mu_a \sim 1$ ).

В случае цилиндрического и сферического фазового фронта профиль оптико-акустического сигнала не изменяется при распространении. Если исходно фронт волны близок к плоскому, то ситуация несколько сложнее. При  $z \neq 0$   $L_d = \pi a_0^2 / \lambda$  ( $\lambda$  — длина звуковой волны) пучок расплывается (поперечное сечение увеличивается в два раза) за счет дифракции [6]; при  $z \geq 3L_d$  фронт волны становится близким к сферическому. Отличительной особенностью оптико-акустических сигналов является широкий диапазон содержащихся в них частот, поэтому длина волны гармонических составляющих сигнала изменяется в широких пределах и соответственно длина дифракции  $L_d$  отдельных гармоник существенно различается. Низкочастотные составляющие спектра дифрагируют быстрее высокочастотных (на меньших расстояниях). В то же время для достижения высокого пространственного разрешения необходимо принимать сигнал в возможно более широкой полосе частот. Поэтому наиболее целесообразно регистрировать акустическую волну, распространяющуюся по нормали к границе поглощающей среды.

Если для всех гармоник ОА-сигнала  $L_d \ll L_3$ , то соотношение (8) сводится к параболическому уравнению теории дифракции [3, 7]:

$$\frac{\partial^2 p'}{\partial \tau \partial z} = \frac{c}{2} \Delta_{\perp} p'. \quad (9)$$

Считая поперечное распределение интенсивности света в пучке гауссовым, граничное условие задачи дифракции можно записать в виде:

$$p'(z=0, \tau, \mathbf{r}_{\perp}) = p_0(\tau) \exp\left(-\frac{\mathbf{r}_{\perp}^2}{a_0^2}\right), \quad (10)$$

где  $p_0(\tau) = p'(\tau, z=0)$  — профиль волны на границе поглощающей среды. При распространении импульса для каждой из гармонических составляющих в (10) гауссово поперечное распределение сохраняется и решение может быть записано в виде:

$$p'(z, \tau, \mathbf{r}_{\perp}) = \int_{-\infty}^{\infty} p_0(t) dt \left[ \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \exp\left(-i\omega(\tau-t) - \frac{\mathbf{r}_{\perp}^2}{a_0^2} \frac{\omega}{\omega + i \frac{2c_0 z}{a_0^2}}\right) \left(\omega + i \frac{2c_0 z}{a_0^2}\right)^{-1} \omega d\omega \right]. \quad (11)$$

На оси пучка ( $\mathbf{r}_{\perp} = 0$ ) решение (11) может быть упрощено:

$$p'(z, \tau, \mathbf{r}_{\perp} = 0) = p_0(\tau) - \int_{-\infty}^{\tau} \omega_D \exp(-\omega_D(\tau-t)) p_0(t) dt, \quad (12)$$

где  $\omega_D = 2V_{\Pi} z / a_0^2$ . Характерная частота  $\omega_D$  растет с увеличением  $z$  и с уменьшением площади поперечного сечения пучка. В дальней волновой зоне ( $\omega_D / \mu_a V_{\Pi} \gg 1$ ,  $z \rightarrow \infty$ ) решение (12) переходит в

$$p'(z, \tau, \mathbf{r}_\perp = 0) = \frac{a_0^2}{2c_0 z} \frac{dp_0}{d\tau}. \quad (13)$$

Как видно из (13), в дальней зоне профиль волны переходит в производную профиля на границе и его амплитуда убывает обратно пропорционально пройденному волной расстоянию.

Для случая однородного поглощения света ( $\mu_a = \text{const}$ ) и короткого лазерного импульса ( $\mu_a V_\Pi \tau_\Pi \ll 1$ ) интеграл (12) можно выразить в элементарных функциях:

$$p'_r(\tau) = \frac{\mu_a \beta^* E_0 c_0^2}{2C_p} \begin{cases} \frac{\exp(\omega_a \tau)}{1+D}, & \tau < 0, \\ \frac{\exp(-\omega_a \tau)}{D-1} - \frac{2D \exp(-\omega_d \tau)}{D^2 - 1}, & \tau > 0, \end{cases} \quad (14)$$

где  $\omega_a = \mu_a V_\Pi$  — характерная частота спектра оптико-акустического сигнала,  $D = \omega_d / \omega_a = 2z / \mu_a a_0^2$  — безразмерное расстояние, выраженное в длинах дифракции  $L_d = \mu_a a_0^2 / 2$  на частоте  $\omega_a$ . В общем случае конечного значения  $N$  решение может быть выражено через представленные решения  $p'_r(\tau)$  и  $p'_f(\tau)$ :

$$p'(\tau) = \frac{1}{1+N} (p'_r(\tau) + N p'_f(\tau)). \quad (15)$$

При  $\tau > 0$  сигнал представляет собой разность двух экспонент с показателями, определяемыми коэффициентом поглощения света и частотой дифракции. В зависимости от величины  $D$  каждая из них проявляется либо при малых, либо при больших значениях  $\tau$ . На малых расстояниях ( $D \ll 1$ ) при малых  $\tau$  профиль ОА-сигнала определяется поглощением света, а дифракционная составляющая будет существенной только при  $\omega_a \tau > 3-5$ . В случае  $D \geq 3$ , наоборот, при малых  $\tau$  ( $\omega_d \tau < 1-2$ ) сигнал изменяется по экспоненте с показателем  $\omega_d$ , а при  $\omega_a \tau \geq 1$  — с показателем  $\omega_a$ .

Дифракционная трансформация оптико-акустических сигналов для различных значений  $D$  ( $1 - 0; 2 - 0,1; 3 - 0,5; 4 - 1,5$ ) приведена на рис. 2.

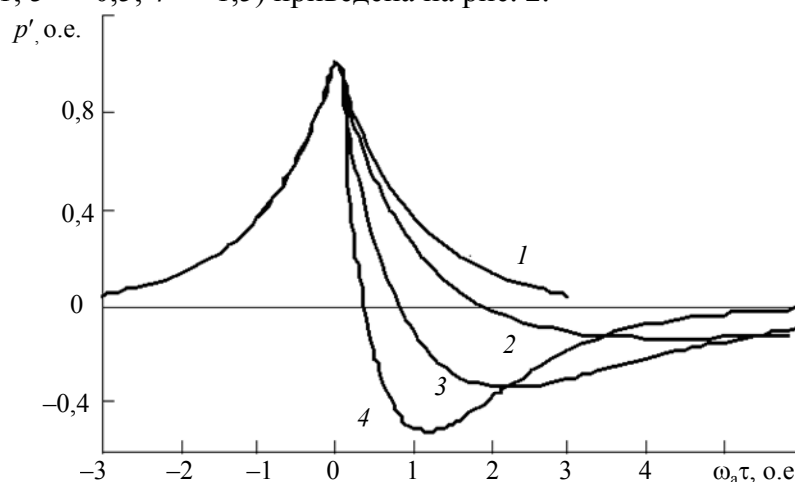


Рис. 2

Первоначально симметричный импульс сжатия по мере распространения (увеличения значения  $D$ ) приобретает вид следующих друг за другом импульсов сжатия и разрежения. Как видно, даже на достаточно малых расстояниях ( $D \cong 0,1$ ) фаза разрежения проявляется весьма заметно.

На малых расстояниях или при достаточно большом поглощении света ( $D \ll 1$ ) спад сигнала (3) сначала соответствует экспоненте с показателем  $\omega_a$  (1) (при  $\omega_a \tau_{tr} \leq 1-2$ ), а в дальнейшем — экспоненте с показателем  $\omega_d$  (2) ( $\omega_d \tau_{tr} \geq 1$ ). При переходе в дальнюю зону или при слабом поглощении света ( $D > 1$ ) картина меняется на обратную. При  $D \gg 1$  ОА-сигнал будет состоять из короткого импульса длительностью  $\approx \omega_d^{-1}$ .

Таким образом, поэтапный подход позволяет рассчитать форму ОА-сигнала, возбуждаемого в поглощающей среде, и проанализировать дифракционные искажения импульса при распространении в исследуемой среде, а также учесть геометрические особенности, влияющие на трансформацию сигнала. Данный анализ позволяет сделать вывод о применимости метода лазерно-ультразвуковой дефектоскопии с термооптическим возбуждением звука для контроля сложных соединений.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Карабутов А. А., Матросов М. П., Подымова Н. Б., Пыж В. А.* Импульсная акустическая спектроскопия с лазерным источником звука // *Акуст. журн.* 1991. Т. 37(2). С. 311.
2. *Карабутов А. А., Матросов М. П., Подымова Н. Б.* Термооптический генератор широкополосных импульсов сдвиговых волн // *Акуст. журн.* 1993. Т. 39(2). С. 373.
3. *Гусев В. Э., Карабутов А. А.* Лазерная оптоакустика. М.: Наука, 1991. 304 с.
4. *Ахманов С. А., Руденко О. В.* Параметрический лазерный излучатель ультразвука // *Письма в ЖТФ.* 1975. Т. 1(15). С. 725.
5. *Бахвалов Н. С., Жилейкин Я. М., Заболоцкая Е. А.* Нелинейная теория звуковых пучков. М.: Наука, 1982. 176 с.
6. *Виноградова М. Б., Руденко О. В., Сухоруков А. П.* Теория волн. М.: Наука, 1990. 432 с.
7. *Новиков Б. К., Руденко О. В., Тимошенко В. И.* Нелинейная гидроакустика. Л.: Судостроение, 1981.

#### *Сведения об авторе*

**Игорь Юрьевич Кинжагулов** — аспирант; Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, кафедра измерительных технологий и компьютерной томографии; E-mail: kinzhiki@mail.ru

Рекомендована кафедрой  
измерительных технологий  
и компьютерной томографии

Поступила в редакцию  
01.03.11 г.